

Сведение к простейшему показательному неравенству с параметром

№1. При каждом значении a решите неравенство $a^2 - 9^{x+1} - 8a \cdot 3^x > 0$.

№2. Найдите все положительные значения a , при каждом из которых любое x из отрезка $[-1; 1]$ будет являться решением неравенства $3a^{2x} - 16^x + 2 \cdot (4a)^x \geq 0$.

№3. Найдите, при каких значениях $a > 0$ неравенство $a^{2x+2} + 3 < 4a^{x+1}$ имеет решения, каждое из которых принадлежит отрезку $[-2; 2]$.

▪ Ответы (примеры)

№1	№2	№3
при $a = 0$ решений нет; при $a > 0$ $x < \log_3 \frac{a}{3}$; при $a < 0$ $x < \log_3(-a)$	$[4/3; 12]$	$\left(0; \frac{1}{3}\right], \left[\sqrt[3]{3}; \infty\right)$

▪ **Тест** Сведение к простейшему показательному неравенству с параметром

№1. Найдите все положительные значения a , при каждом из которых любое x из отрезка $\left[-1; \frac{1}{3}\right]$ будет являться решением неравенства $2a^{2x} - 3 \cdot 9^x + 5 \cdot (3a)^x \geq 0$.

Ответ: $\left[\frac{3}{8}; 6\right]$.