

Арифметические и алгебраические выражения

■ Примеры

Найдите значение выражения:

№1. $4\frac{4}{9} : \frac{4}{9}$

№2. $\left(-1\frac{8}{9} - 3\frac{1}{6}\right) \cdot 8,64$

№3. $\left(2\frac{2}{7} - 3,2\right) : \frac{1}{35}$

№4. $\left(3\frac{4}{5} - 2,8\right) \cdot 6\frac{1}{2}$

№5. $\frac{2,88 \cdot 44,5}{0,288 \cdot 4,45}$

№6. $(986^2 - 797^2) : 1783$

№7. $(5x-4)(5x+4) - 25x^2$

№8. $(7x-13)(7x+13) - 49x^2 + 6x + 22$ при
 $x=80$

№9. $((5x-4y)^2 - (5x+4y)^2) : (-8xy)$

№10. $((3x-5y)^2 - 9x^2 - 25y^2) : (2xy)$

№11. $(16x^2 + y^2 - (4x-y)^2) : (8xy)$

№12. $(2axy - (-2xya)) : (4yax)$

№13. $\frac{(13a)^2 - 13a}{13a^2 - a}$

№14. $\frac{64x^2 - 1}{8x - 1} - 8x$

№15. $(25a^2 - 16)\left(\frac{1}{5a+4} - \frac{1}{5a-4}\right)$

№16. $a(81a^2 - 64)\left(\frac{1}{9a+8} - \frac{1}{9a-8}\right)$ при
 $a=22,8$

№17. $(9b^2 - 64)\left(\frac{1}{3b-8} - \frac{1}{3b+8}\right) - 2b + 15$ при
 $b=47$

№18. $7x + 2y + 15z$, если
 $7x + y = 5, 15z + y = 7$

№19. $\frac{a}{b}$, если $\frac{5a+7b}{5b+7a} = 5$

№20. $21a - 14b - 20$, если $\frac{3a - 4b + 2}{4a - 3b + 2} = 6$

№21. $10p(a) - 60a - 4$, если $p(a) = 6a - 2$

№22. $q(b-4) - q(b+4)$, если $q(b) = -9b$

№23. $2(p(4x) - 4p(x+4))$, если $p(x) = x+9$

№24. $p(x-3) + p(6-x)$, если $p(x) = 2x-5$

№25. $2p(x+5) - p(2x)$, если $p(x) = 2x-6$

№26. $p(x) + p(-12-x)$, если
 $p(x) = \frac{x(-12-x)}{x+6}$ при $x \neq -6$

№27. $\frac{p(b)}{p\left(\frac{1}{b}\right)}$, если $p(b) = \left(b + \frac{8}{b}\right)\left(8b + \frac{1}{b}\right)$ при
 $b \neq 0$

№28. $\sqrt{(a-2)^2} + \sqrt{(a-5)^2}$ при $2 \leq a \leq 5$

▪ **Решение (примеры)**

№1. $4\frac{4}{9} : \frac{4}{9} = \frac{40}{9} \cdot \frac{9}{4} = 10$ или $4\frac{4}{9} : \frac{4}{9} = \left(4 + \frac{4}{9}\right) \cdot \frac{9}{4} = 4 \cdot \frac{9}{4} + \frac{4}{9} \cdot \frac{9}{4} = 9 + 1 = 10$

№2. $\left(-1\frac{8}{9} - 3\frac{1}{6}\right) \cdot 8,64 = \left(-1\frac{8}{9} - 3 - \frac{1}{6}\right) \cdot 8,64 = \left(-4 - \frac{19}{18}\right) \cdot 8,64 = -\frac{91}{18} \cdot 8,64 = -91 \cdot 0,48 = -43,68$

№3. $\left(2\frac{2}{7} - 3,2\right) : \frac{1}{35} = \left(\frac{16}{7} - \frac{32}{10}\right) \cdot 35 = \frac{16}{7} \cdot 35 - \frac{16}{5} \cdot 35 = 16 \cdot 5 - 16 \cdot 7 = -16 \cdot 2 = -32$

№4. $\left(3\frac{4}{5} - 2,8\right) \cdot 6\frac{1}{2} = (3,8 - 2,8) \cdot 6\frac{1}{2} = 6,5$

№5. $\frac{2,88 \cdot 44,5}{0,288 \cdot 4,45} = \frac{288 \cdot 44500}{288 \cdot 445} = 100$

№6. $(986^2 - 797^2) : 1783 = (986 - 797)(986 + 797) : 1783 = \frac{189 \cdot 1783}{1783} = 189$

№7. $(5x - 4)(5x + 4) - 25x^2 = 25x^2 - 16 - 25x^2 = -16$

№8. $(7x - 13)(7x + 13) - 49x^2 + 6x + 22 = 49x^2 - 169 - 49x^2 + 6x + 22 = -147 + 6x$
 $x = 80, -147 + 6x = -147 + 6 \cdot 80 = 480 - 147 = 333$

№9. $\left((5x - 4y)^2 - (5x + 4y)^2\right) : (-8xy) = \frac{(5x - 4y - (5x + 4y))(5x - 4y + 5x + 4y)}{-8xy} = \frac{-8y \cdot 10x}{-8xy} = 10$

№10. $\left((3x - 5y)^2 - 9x^2 - 25y^2\right) : (2xy) = \frac{9x^2 - 30xy + 25y^2 - 9x^2 - 25y^2}{2xy} = \frac{-30xy}{2xy} = -15$

№11. $(16x^2 + y^2 - (4x - y)^2) : (8xy) = (16x^2 + y^2 - 16x^2 + 8xy - y^2) : (8xy) = 1$

№12. $(2axy - (-2xy)a) : (4yax) = \frac{2axy + 2axy}{4axy} = \frac{4axy}{4axy} = 1$

№13. $\frac{(13a)^2 - 13a}{13a^2 - a} = \frac{13 \cdot a \cdot (13a - 1)}{a \cdot (13a - 1)} = 13$

№14. $\frac{64x^2 - 1}{8x - 1} - 8x = \frac{(8x - 1)(8x + 1)}{8x - 1} - 8x = 8x + 1 - 8x = 1$

№15. $(25a^2 - 16) \left(\frac{1}{5a+4} - \frac{1}{5a-4} \right) = (25a^2 - 16) \cdot \frac{5a-4-(5a+4)}{(5a+4)(5a-4)} = \frac{(25a^2 - 16) \cdot (-8)}{(25a^2 - 16)} = -8$

№16. $a(81a^2 - 64) \left(\frac{1}{9a+8} - \frac{1}{9a-8} \right) = a(81a^2 - 64) \cdot \frac{9a-8-(9a+8)}{(9a+8)(9a-8)} = \frac{a(81a^2 - 64) \cdot (-16)}{(81a^2 - 64)} = -16a$

при $a = 22,8, -16a = -16 \cdot 22,8 = -364,8$

№17. $(9b^2 - 64) \left(\frac{1}{3b-8} - \frac{1}{3b+8} \right) - 2b + 15 = \frac{(9b^2 - 64)(3b + 8 - (3b - 8))}{(3b - 8)(3b + 8)} - 2b + 15 = 16 - 2b + 15 = 31 - 2b, b = 47 \quad 31 - 2 \cdot 47 = -63$

№18. $+ \begin{cases} 7x + y = 5 \\ 15z + y = 7 \end{cases}$

$7x + 2y + 15z = 12$

№19. $\frac{5a+7b}{5b+7a} = \frac{5}{1}, 5a+7b = 25b+35a, -30a = 18b, \frac{a}{b} = -\frac{18}{30}, \frac{a}{b} = -0,6$

№20. 1) $\frac{3a-4b+2}{4a-3b+2} = \frac{6}{1}, 3a-4b+2 = 24a-18b+12, 21a-14b = -10$

2) $21a-14b-20 = -10-20 = -30$

№21. $10p(a)-60a-4 = 10(6a-2)-60a-4 = 60a-20-60a-4 = -24$

1) $q(b) = -9 \cdot b,$

$q(b-4) = -9 \cdot (b-4) = -9b+36$

№22. $q(b+4) = -9 \cdot (b+4) = -9b-36$

2) $q(b-4) - q(b+4) = -9b+36 - (-9b-36) = -9b+36+9b+36 = 72$

1) $p(x) = x+9$

$p(4x) = 4x+9$

№23. $p(x+4) = (x+4)+9 = x+13$

2) $2(p(4x)-4p(x+4)) = 2(4x+9-4(x+13)) = 2(9-52) = -86$

1) $p(x) = 2x-5$

$p(x-3) = 2(x-3)-5 = 2x-6-5 = 2x-11$

№24. $p(6-x) = 2(6-x)-5 = 12-2x-5 = 7-2x$

2) $p(x-3) + p(6-x) = 2x-11+7-2x = -4$

1) $p(x) = 2x-6$

$p(x+5) = 2(x+5)-6 = 2x+10-6 = 2x+4$

№25. $p(2x) = 2 \cdot 2x-6 = 4x-6$

2) $2p(x+5) - p(2x) = 2(2x+4) - (4x-6) = 4x+8-4x+6 = 14$

1) $p(x) = \frac{x(-12-x)}{x+6}$

№26. $p(-12-x) = \frac{(-12-x)(-12-(-12-x))}{(-12-x)+6} = \frac{-(x+12)(x)}{-x-6} = \frac{x(x+12)}{x+6}$

2) $p(x) + p(-12-x) = \frac{x(-12-x)}{x+6} + \frac{x(x+12)}{x+6} = -\frac{x(x+12)}{x+6} + \frac{x(x+12)}{x+6} = 0$

1) $p(b) = \left(b + \frac{8}{b}\right) \left(8b + \frac{1}{b}\right)$

№27. $p\left(\frac{1}{b}\right) = \left(\frac{1}{b} + \frac{8}{\frac{1}{b}}\right) \left(8 \cdot \frac{1}{b} + \frac{1}{\frac{1}{b}}\right) = \left(\frac{1}{b} + 8b\right) \left(\frac{8}{b} + b\right)$ 2) $\frac{p(b)}{p\left(\frac{1}{b}\right)} = \frac{\left(b + \frac{8}{b}\right) \left(8b + \frac{1}{b}\right)}{\left(\frac{1}{b} + 8b\right) \left(\frac{8}{b} + b\right)} = 1$

№28. 1) $\sqrt{(a-2)^2} + \sqrt{(a-5)^2} = |a-2| + |a-5| \text{ при } 2 \leq a \leq 5 \quad |a-2| = a-2, \quad |a-5| = 5-a$

2) $|a-2| + |a-5| = a-2+5-a=3$

■ Тест

Арифметические и алгебраические выражения

Вариант 1	Найдите значение выражения:	Вариант 2
№1. $7\frac{9}{13} : \frac{5}{13}$		№1. $5\frac{5}{6} : \frac{7}{12}$
№2. $\left(-5\frac{2}{3} - \frac{7}{8}\right) \cdot 240$		№2. $\left(7\frac{1}{2} - \frac{3}{8}\right) \cdot 25,6$
№3. $\left(7\frac{3}{5} - 3,5\right) : \frac{1}{20}$		№3. $\left(1\frac{6}{7} - 1,6\right) : \frac{1}{70}$
№4. $\left(3\frac{1}{5} - 2,2\right) \cdot 3\frac{3}{4}$		№4. $\left(2\frac{7}{8} - 2,2\right) \cdot 2\frac{2}{9}$
№5. $\frac{2,99 \cdot 34,3}{29,9 \cdot 3,43}$		№5. $\frac{30,9 \cdot 0,356}{3,09 \cdot 35,6}$
№6. $(986^2 - 743^2) : 1729$		№6. $(973^2 - 173^2) : 1146$
№7. $(3x-5)(3x+5) - 9x^2$		№7. $(4x-3)(4x+3) - 16x^2$
№8. $(9x-6)(9x+6) - 81x^2 - 6x + 38$ при $x=100$		№8. $(5x-6)(5x+6) - 25x^2 - 8x - 49$ при $x=70$
№9. $((4x+5y)^2 - (4x-5y)^2) : (20xy)$		№9. $((x-5y)^2 - (x+5y)^2) : (xy)$
№10. $((x+4y)^2 - x^2 - 16y^2) : (8xy)$		№10. $((3x-5y)^2 - 9x^2 - 25y^2) : (-15xy)$
№11. $(x^2 + 16y^2 - (x+4y)^2) : (4xy)$		№11. $(25x^2 + y^2 - (5x+y)^2) : (2xy)$
№12. $(axy - (-2xy)a) : (yax)$		№12. $(2axy - (-3xy)a) : (5yax)$
№13. $\frac{(5b)^2 + 15}{5b^2 + 3}$		№13. $\frac{(17a)^2 - 17a}{17a^2 - a}$
№14. $\frac{9x^2 - 49}{3x + 7} - 3x$		№14. $\frac{81x^2 - 4}{9x - 2} - 9x$
№15. $(4a^2 - 1)\left(\frac{1}{2a-1} - \frac{1}{2a+1}\right)$		№15. $(49a^2 - 1)\left(\frac{1}{7a-1} - \frac{1}{7a+1}\right)$
№16. $a(64a^2 - 25)\left(\frac{1}{8a+5} - \frac{1}{8a-5}\right)$ при $a=31,5$		№16. $a(49a^2 - 64)\left(\frac{1}{7a+8} - \frac{1}{7a-8}\right)$ при $a=35,4$
№17. $(25b^2 - 81)\left(\frac{1}{5b-9} - \frac{1}{5b+9}\right) - b + 12$ при $b=330$		№17. $(4b^2 - 25)\left(\frac{1}{2b-5} - \frac{1}{2b+5}\right) + 2b - 11$ при $b=153$
№18. $4x + 2y + 3z$, если $4x + y = 5$, $3z + y = 9$		№18. $7x + 2y + 6z$, если $7x + y = 7$, $6z + y = 5$
№19. $\frac{a}{b}$, если $\frac{a+5b}{b+5a} = -1$		№19. $\frac{a}{b}$, если $\frac{2a+6b}{2b+6a} = 3$
№20. $43a - b - 20$, если $\frac{2a-9b+3}{9a-2b+3} = 5$		№20. $49a - 41b - 14$, если $\frac{4a-5b+2}{5a-4b+2} = -9$
№21. $5p(a) - 45a + 4$, если $p(a) = 9a - 4$		№21. $11p(a) - 77a + 10$, если $p(a) = 7a - 3$
№22. $q(b-3) - q(b+3)$, если $q(b) = 3b$		№22. $q(b-2) - q(b+2)$, если $q(b) = -2b$
№23. $2(p(4x) - 4p(x+6))$, если $p(x) = x - 7$		№23. $2(p(4x) - 4p(x+2))$, если $p(x) = x - 2$

№24. $p(x-5) + p(4-x)$, если $p(x) = 4x+3$	№24. $p(x-6) + p(4-x)$, если $p(x) = 2x-5$
№25. $6p(x-3) - p(6x)$, если $p(x) = x-3$	№25. $3p(x+2) - p(3x)$, если $p(x) = 5x+5$
№26. $p(x) + p(8-x)$, если $p(x) = \frac{x(8-x)}{x-4}$ при $x \neq 4$	№26. $p(x) + p(-22-x)$, если $p(x) = \frac{x(-22-x)}{x+11}$ при $x \neq -11$
№27. $\frac{p(b)}{p\left(\frac{1}{b}\right)}$, если $p(b) = \left(b - \frac{8}{b}\right)\left(-8b + \frac{1}{b}\right)$ при $b \neq 0$	№27. $\frac{p(b)}{p\left(\frac{1}{b}\right)}$, если $p(b) = \left(b + \frac{4}{b}\right)\left(4b + \frac{1}{b}\right)$ при $b \neq 0$
№28. $\sqrt{(a-3)^2} + \sqrt{(a-9)^2}$ при $3 \leq a \leq 9$	№28. $\sqrt{(a-8)^2} + \sqrt{(a-11)^2}$ при $8 \leq a \leq 11$

■ Ответы (тест)

Арифметические и алгебраические выражения

Вариант 1		Вариант 2	
№1.	20	№1.	10
№2.	-1570	№2.	182,4
№3.	82	№3.	18
№4.	3,75	№4.	1,5
№5.	1	№5.	0,1
№6.	243	№6.	800
№7.	-25	№7.	-9
№8.	-598	№8.	-644
№9.	4	№9.	-20
№10.	1	№10.	2
№11.	-2	№11.	-5
№12.	3	№12.	1
№13.	5	№13.	17
№14.	-7	№14.	2
№15.	2	№15.	2
№16.	-315	№16.	-566,4
№17.	-300	№17.	305
№18.	14	№18.	12
№19.	-1	№19.	0
№20.	-32	№20.	-34
№21.	-16	№21.	-23
№22.	-18	№22.	8
№23.	-9	№23.	-4
№24.	2	№24.	-14
№25.	-33	№25.	40
№26.	0	№26.	0
№27.	1	№27.	1
№28.	6	№28.	3

✓ **Формулы сокращенного умножения (ФСУ)**

1. $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$ разность квадратов
2. $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ квадрат разности
3. $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ квадрат суммы
4. $a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$ разность кубов
5. $a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$ сумма кубов
6. $(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3 = a^3 + b^3 + 3ab(a + b)$ куб суммы
7. $(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3 = a^3 - b^3 - 3ab(a - b)$ куб разности