

Тема: Логарифмические уравнения

Логарифмические уравнения. Задание 1 ЕГЭ Профиль

■ Тест

1. Логарифмические уравнения. Задание 1 ЕГЭ Профиль

Вариант 1

Решите уравнения:

$$\text{№1. } \log_2(-4-x) = 7$$

$$\text{№2. } \log_3(14-x) = \log_3 5$$

$$\text{№3. } \log_8(x+8) = \log_8(2x-6)$$

$$\text{№4. } \log_{\frac{1}{4}}(9-5x) = -3$$

$$\text{№5. } \log_4(6-x) = 3\log_4 3$$

$$\text{№6. } \log_7(x^2+5x) = \log_7(x^2+6)$$

$$\text{№7. } \log_2(6+7x) = \log_2(1+2x) + 2$$

$$\text{№8. } \log_{x+5} 16 = 4$$

$$\text{№9. } \log_4 2^{2x-7} = 4$$

$$\text{№10. } 3^{\log_9(7x+1)} = 8$$

Вариант 2

Решите уравнения:

$$\text{№1. } \log_3(3-x) = 3$$

$$\text{№2. } \log_7(7-x) = \log_7 8$$

$$\text{№3. } \log_6(x+9) = \log_6(3x-17)$$

$$\text{№4. } \log_{\frac{1}{2}}(6-x) = -5$$

$$\text{№5. } \log_2(18-6x) = 4\log_2 3$$

$$\text{№6. } \log_8(x^2+x) = \log_8(x^2-4)$$

$$\text{№7. } \log_3(7-4x) = \log_3(6-5x) + 1$$

$$\text{№8. } \log_{x+5} 8 = 3$$

$$\text{№9. } \log_{16} 2^{7x-6} = 2$$

$$\text{№10. } 3^{\log_{81}(8x+8)} = 4$$

■ Ответы (тест)

Логарифмические уравнения. Задание 1 ЕГЭ Профиль

Вариант 1		Вариант 2	
№1.	-132	№1.	-24
№2.	9	№2.	-1
№3.	14	№3.	13
№4.	-11	№4.	-26
№5.	-21	№5.	-10,5
№6.	1,2	№6.	-4
№7.	2	№7.	1
№8.	-3	№8.	-3
№9.	7,5	№9.	2
№10.	9	№10.	31

■ Решение (тест)

Логарифмические уравнения. Задание 1 ЕГЭ Профиль

Вариант 1

№1. $\log_2(-4-x) = 7$

$$-4-x = 2^7$$

$$-4-x = 128$$

$$\underline{x = -132}$$

№3.

$$\log_8(x+8) = \log_8(2x-6)$$

$$\begin{cases} x+8 = 2x-6 \\ x+8 > 0 \end{cases}; \quad \begin{cases} x = 14 \\ x = 8 \end{cases} \quad x = 14$$

№2. $\log_3(14-x) = \log_3 5$

$$14-x = 5$$

$$\underline{x = 9}$$

№4. $\log_{\frac{1}{4}}(9-5x) = -3$

$$9-5x = \left(\frac{1}{4}\right)^{-3}$$

$$9-5x = 4^3$$

$$5x = 9-64; \quad 5x = -55; \quad \underline{x = -11}$$

№5.

$$\log_4(6-x) = 3 \log_4 3$$

$$\log_4(6-x) = \log_4 3^3$$

$$6-x = 27; \quad \underline{x = -21}$$

№6. $\log_7(x^2 + 5x) = \log_7(x^2 + 6)$

$$x^2 + 5x = x^2 + 6$$

$$\underline{x = 1,2}$$

№7.

$$\log_2(6+7x) = \log_2(1+2x) + 2$$

$$\log_2(6+7x) = \log_2(1+2x) + \log_2 4$$

$$\log_2(6+7x) = \log_2 4(1+2x)$$

$$6+7x = 4(1+2x)$$

$$6+7x = 4+8x; \quad \underline{x = 2}$$

№8. $\log_{x+5} 16 = 4$

$$\log_{x+5} 2^4 = 4$$

$$4 \log_{x+5} 2 = 4$$

$$\log_{x+5} 2 = 1; \quad x+5 = 2; \quad \underline{x = -3}$$

№9.

$$\log_4 2^{2x-7} = 4$$

$$(2x-7) \log_4 2 = 4$$

$$(2x-7) \cdot \frac{1}{2} = 4$$

$$2x-7 = 8; \quad 2x = 15; \quad \underline{x = 7,5}$$

№10. $3^{\log_9(7x+1)} = 8; \quad 3^{\log_9(7x+1)} = 3^{\log_3 8}$

$$\log_9(7x+1) = \log_3 8; \quad \log_{3^2}(7x+1) = \log_3 8$$

$$\frac{1}{2} \log_3(7x+1) = \log_3 8; \quad \log_3(7x+1) = 2 \log_3 8$$

$$\log_3(7x+1) = \log_3 8^2$$

$$7x+1 = 64; \quad 7x = 63; \quad \underline{x = 9}$$

Вариант 2

№1. $\log_3(3-x) = 3$

$$3-x = 3^3$$

$$3-x = 27; \quad x = -24$$

№2. $\log_7(7-x) = \log_7 8$

$$7-x = 8; \quad x = -1$$

№3.

$$\log_6(x+9) = \log_6(3x-17)$$

$$\begin{cases} x+9 = 3x-17 \\ x+9 > 0 \end{cases}; \quad \begin{cases} x = 13 \\ x > -9 \end{cases}; \quad x = 13$$

№4. $\log_{\frac{1}{2}}(6-x) = -5$

$$6-x = \left(\frac{1}{2}\right)^{-5}$$

$$6-x = 32; \quad x = -26$$

№5.

$$\log_2(18-6x) = 4 \log_2 3$$

$$\log_2(18-6x) = \log_2 3^4$$

$$18-6x = 81; \quad x = -10,5$$

№6. $\log_8(x^2+x) = \log_8(x^2-4)$

$$\begin{cases} x^2 + x = x^2 - 4 \\ x^2 - 4 > 0 \end{cases}; \quad \begin{cases} x = -4 \\ (-4)^2 - 4 > 0, \text{ верно} \end{cases}; \quad x = -4$$

№7. $\log_3(7-4x) = \log_3(6-5x) + 1$

$$\log_3(7-4x) = \log_3(6-5x) + \log_3 3$$

$$\log_3(7-4x) = \log_3 3(6-5x)$$

$$\begin{cases} 7-4x = 3(6-5x) \\ 6-5x > 0 \end{cases};$$

$$\begin{cases} x = 1 \\ 6-5 > 0, \text{ верно} \end{cases}; \quad x = 1$$

№8. $\log_{x+5} 8 = 3$

$$\log_{x+5} 2^3 = 3$$

$$3 \log_{x+5} 2 = 3$$

$$\log_{x+5} 2 = 1$$

$$x+5 = 2; \quad x = -2$$

№9.

$$\log_{16} 2^{7x-6} = 2$$

$$(7x-6) \log_{2^4} 2 = 2$$

$$\frac{1}{4}(7x-6) = 2$$

$$7x-6 = 8; \quad 7x = 14; \quad x = 2$$

№10. $3^{\log_{81}(8x+8)} = 4$

$$3^{\log_{81}(8x+8)} = 3^{\log_3 4}$$

$$\log_{81}(8x+8) = \log_3 4$$

$$\frac{1}{4} \log_3(8x+8) = \log_3 4$$

$$\log_3(8x+8) = \log_3 4^4$$

$$8x+8 = 256; \quad x = 31$$